

Tema 1

$$\frac{a^5 \cdot a^{-2}}{a^{-4}} = a^{5-2+4} = a^7$$

$$\sqrt{a^3} \cdot \sqrt{a^{-2}} = \sqrt{a^3 \cdot a^{-2/2}} = \sqrt{a^3 \cdot a^{-1}} = \sqrt{a^2} = a$$

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2\sqrt{2} - \sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{3}) \cdot (2\sqrt{2} + \sqrt{3})}{(2\sqrt{2} - \sqrt{3}) \cdot (2\sqrt{2} + \sqrt{3})} =$$

$$\frac{2\sqrt{4} + \sqrt{6} + 2\sqrt{6} + \sqrt{9}}{(2\sqrt{2})^2 - (\sqrt{3})^2} = \frac{2 \cdot 2 + 3\sqrt{6} + 3}{4 \cdot 2 - 3} = \frac{7 + 3\sqrt{6}}{5}$$

Tema 2

$$x^2 - 2x - 3 = 0 \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \\ c = -3 \end{cases}$$

$$\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c = 4 - 4 \cdot 1 \cdot (-3) = 4 + 12 = 16$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2 \cdot a} = \frac{2 \pm \sqrt{16}}{2} = \frac{2 \pm 4}{2} = \begin{cases} \frac{6}{2} = 3 \\ \frac{-2}{2} = -1 \end{cases}$$

$$x^2 - 2x - 3 = (x - 3) \cdot (x + 1)$$

$3x + 2y = 8$	$-2 \cdot (3x + 2y = 8)$	$-6x - 4y = -16$
$2x - y = 3$	$3 \cdot (2x - y = 3)$	$6x - 3y = 9$
		$-7y = -7$
		$y = 1$

Sustituimos $y=1$ en una cualquiera de las dos ecuaciones.

$$3x + 2 \cdot 1 = 8$$

$$3x + 2 = 8$$

$$3x = 8 - 2 = 6$$

$$x = 2$$

La solución del sistema es $x=2$ e $y=1$. También podéis decir que la solución del sistema es el punto $(2,1)$

$$x + 2 > 3x - 3 \Rightarrow x - 3x > -3 - 2 \Rightarrow -2x > -5 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x < \frac{-5}{-2} = \frac{5}{2}$$

La solución es la semirrecta $\left(-\infty, \frac{5}{2}\right)$

\geq ó \leq se pone • e intervalo cerrado

Tema 3

Aritmética	Geométrica
$d = \text{diferencia}$	$r = \text{razón}$
$a_n = a_p + (n - p) \cdot d$	$a_n = a_p \cdot r^{n-p}$
$S_n = \frac{(a_1 + a_n) \cdot n}{2}$	$S_n = \frac{a_1 \cdot (r^n - 1)}{r - 1}$
	$P_n = \sqrt{(a_1 \cdot a_n)^n}$
Interés simple	Interés compuesto
$I = C \cdot i \cdot t$	$C_F = C \cdot (1 + i)^t$
$C_F = C \cdot (1 + i \cdot t)$	
$i = \frac{r}{100}$	
$C_F = C + I$	

Tema 4

Representar gráficamente $y = x^2 + 2x$.

Su gráfica es una parábola.

$$\text{El vértice es } x = \frac{-b}{2a} = \frac{-2}{2} = -1$$

$$y = (-1)^2 + 2 \cdot (-1) = -1$$

El vértice es el punto $(-1, -1)$.

Los puntos de corte con el eje OX se obtienen de:

$$\begin{cases} y = 0 \\ y = x^2 + 2x \end{cases} \text{ se resuelve la ecuación de 2º grado}$$

y se obtiene $x = 0$ y $x = -2$

Los puntos de corte con el eje OX son: $(0,0)$ y $(-2,0)$

Los puntos de corte con el eje OY se obtienen de:

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = x^2 + 2x \end{cases} \Rightarrow y = 0^2 + 2 \cdot 0 = 0$$

El punto de corte con el eje OY es: $(0,0)$

Sean $f(x) = 3x + 5$ y $g(x) = 2^x$.

$$(f \circ g)(x) = f(g(x)) = f(2^x) = 3 \cdot 2^x + 5$$

$$(g \circ f)(x) = g(f(x)) = g(3x + 5) = 2^{3x+5}$$

Calcula la función inversa de $f(x) = 2x - 5$.

Intercambiamos la variable "y" por la "x".

$$x = 2y - 5$$

Ahora despejemos "y".

$$x = 2y - 5 \Rightarrow 2y - 5 = x \Rightarrow 2y = x + 5 \Rightarrow y = \frac{x + 5}{2}$$

La función inversa es $f^{-1}(x) = \frac{x + 5}{2}$.

Tema 5

Indeterminación $\frac{0}{0}$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 2}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2 \cdot (x-1) \cdot (x+1)}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} 2 \cdot (x+1) = 2 \cdot (1+1) = 4$$

NOTA: $2x^2 - 2 = 2 \cdot (x-1) \cdot (x+1)$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 2x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2) \cdot (x+2)}{x \cdot (x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+2}{x} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{x^2 + 2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{x \cdot (x+2)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x+2} = \frac{1}{2}$$

Tenéis que resolver las ecuaciones de 2º grado

Indeterminación $\frac{\infty}{\infty}$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 2x}{x^2 - 2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{2x^2}{x^2} - \frac{2x}{x^2}}{\frac{x^2}{x^2} - \frac{2}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2 - \frac{2}{x}}{1 - \frac{2}{x^2}} = \frac{2-0}{1-0} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 - 2x}{x - 3} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{x^3}{x^3} - \frac{2x}{x^3}}{\frac{x}{x^3} - \frac{3}{x^3}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 - \frac{2}{x^2}}{\frac{1}{x^2} - \frac{3}{x^3}} = \frac{1-0}{0-0} = \frac{1}{0} = +\infty$$

Tema 7

Medidas de centralización	Medidas de dispersión
<p>Media: $\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{N}$</p> <p>Moda ($M_o$): es el valor de la variable con mayor frecuencia absoluta.</p> <p>Mediana (M_e): se ordenan los datos de menor a mayor y es el valor central de la variable o la media aritmética de los 2 valores centrales.</p>	<p>Recorrido: diferencia entre el valor mayor y el valor menor.</p> <p>Desviación media: $D_x = \frac{\sum x_i - \bar{x} \cdot f_i}{N}$</p> <p>Varianza: $S^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x}) \cdot f_i}{N} = \frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{N} - \bar{x}^2$</p> <p>Desviación típica: Es la raíz cuadrada de la varianza.</p>

Tabla de frecuencias

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
	\sum Sumas	\sum Sumas	\sum Sumas

Tema 8

Covarianza: $S_{xy} = \frac{\sum \sum x_i \cdot y_j \cdot f_{ij}}{N} - \bar{x} \cdot \bar{y}$

Recta de regresión de Y sobre X:

$$y - \bar{y} = \frac{S_{xy}}{S_x^2} (x - \bar{x})$$

Recta de regresión de X sobre Y:

$$x - \bar{x} = \frac{S_{xy}}{S_y^2} (y - \bar{y})$$

Coefficiente de correlación lineal:

$$r = \frac{S_{xy}}{S_x \cdot S_y}$$

- Si $-1 < r < 0$, la correlación lineal es negativa o inversa. Cuanto más cerca esté de -1 más perfecta es la correlación.
- Si $0 < r < 1$, la correlación lineal es positiva.
- Si $r = 0$ no hay correlación lineal.
- Si $r = 1$, la correlación lineal es perfecta y positiva.
- Si $r = -1$, la correlación lineal es perfecta y negativa.

Tabla de frecuencias

x_i	y_i	x_i^2	y_i^2	$x_i \cdot y_j \cdot f_{ij}$
\sum Sumas	\sum Sumas	\sum Sumas	\sum Sumas	\sum Sumas

Tabla de derivadas	Función	Derivada
Derivada de la suma		$(f + g)'(x) = f'(x) + g'(x)$
Derivada de una constante por una función		$(a \cdot f)'(x) = a \cdot f'(x)$
Derivada de un producto		$(f \cdot g)'(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$
Derivada de un cociente		$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$
Regla de la cadena Composición de funciones		$(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$
Derivada de una constante	$f(x) = c$	$f'(x) = 0$
Derivada de una potencia	$f(x) = x^n$	$f'(x) = nx^{n-1}$
	$f(x) = x$	$f'(x) = 1$
	$f(x) = x^2$	$f'(x) = 2x$
	$f(x) = x^3$	$f'(x) = 3x^2$

- $f(x) = 2x^3 - 2x^2 + 3 \Rightarrow f'(x) = 6x^2 - 4x$
- $f(x) = \frac{2x}{x^2 - 1} \Rightarrow f'(x) = \frac{2 \cdot (x^2 - 1) - 2x \cdot 2x}{(x^2 - 1)^2} = \frac{2x^2 - 2 - 4x^2}{(x^2 - 1)^2} = \frac{-2x^2 - 2}{(x^2 - 1)^2}$
- $f(x) = \frac{x^2}{x - 1} \Rightarrow f'(x) = \frac{2x \cdot (x - 1) - x^2 \cdot 1}{(x - 1)^2} = \frac{2x^2 - 2x - x^2}{(x - 1)^2} = \frac{x^2 - 2x}{(x - 1)^2}$